

# Le langage synchrone Lustre

**Alain GIRAULT**

**Inria Rhône-Alpes, projet Bip**

1. Systèmes de contrôle/commande
2. Abstraction synchrone
3. Aspects fondamentaux de Lustre
4. Sémantique
5. Calcul d'horloges
6. Compilation
7. Autres aspects

# Programmation des systèmes de contrôle/commande<sup>3</sup>

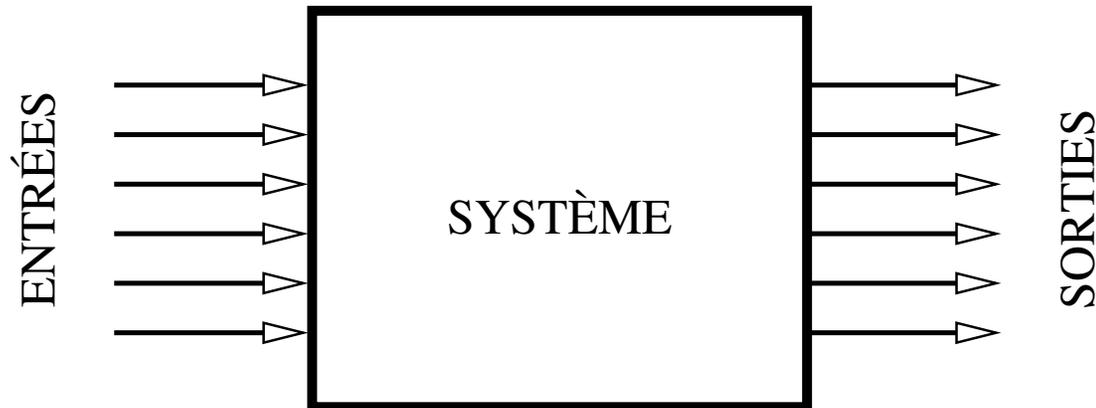
---

**Commande** = lois qui régissent l'**évolution dynamique** du système

- ◆ commande des actionneurs en fonctions des capteurs
- ◆ **en temps continu** (échantillonné)

**Contrôle** = lois qui régissent le **comportement** du système

- ◆ choix entre plusieurs lois de commande à appliquer en fonction du robot et de son environnement
- ◆ réalisation de la mission désirée et surveillance de son bon déroulement
- ◆ traitement des erreurs, des cas exceptionnels...
- ◆ **en temps discret**



Contrôler le système = surveiller et agir sur son comportement

Exemples :

- ◆ véhicule automatique qui doit éviter les piétons
- ◆ robot manufacturier qui doit assembler une voiture
- ◆ robot sous-marin qui doit inspecter une installation

Contrôler le système = assurer le correct enchaînement des lois de commande

**Parallélisme** : car le programme doit contrôler plusieurs automatismes en même temps

**Déterminisme** : car c'est plus facile de déboguer si le programme réagit toujours de la même manière aux mêmes séquences d'entrées

**Temps-réel** : car le système ne peut pas attendre

**Sûreté de fonctionnement** : car le système est critique

- ◆ **Systemes câblés** : hardware
- ◆ **Assembleur** : pour des raisons d'efficacité
- ◆ **Langage classique + OS temps-réel** : VxWorks, PSOS, OS9, QNX...
- ◆ **Langage parallèle** : ADA, OCCAM, JAVA...

**Dilemme** : langage de haut niveau ou langage de bas niveau ?

Critères : être parallèle, déterministe, temps-réel et sûr

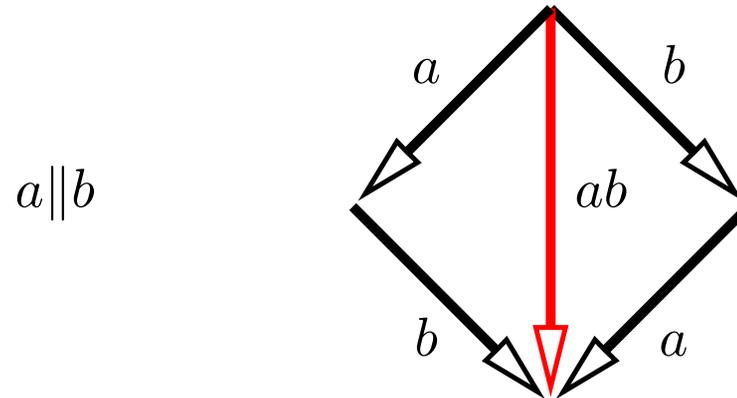
↳ éviter les bugs et aller vite

Attention : les **bugs temporels** sont encore plus dur à trouver

But : faciliter les raisonnements temporels

- ◆ Principe de **simultanéité** au lieu de l'**entrelacement**
  - ↳ L'indéterminisme dû à l'entrelacement disparaît
- ◆ Toutes les activités parallèles partagent **la même échelle de temps qui est discrète**
  - ↳ Elles peuvent être **datées** sur cette échelle

Ces deux principes constituent **l'abstraction synchrone**



L'entrelacement est **proche de la mise en œuvre**

- ↳ L'ordre d'exécution de  $a$  et  $b$  dépend du compilateur
- ↳ Cela oblige à se poser la question

La simultanéité est volontairement **de plus haut niveau**

- ↳ On ne se préoccupe pas de l'ordre d'exécution
- ↳ Le compilateur se débrouille pour que ça marche

L'échelle discrète du temps logique est projetée sur le temps physique

Rien ne se passe entre deux instants

C'est comme si l'ordinateur était infiniment rapide

Il faut par contre vérifier les contraintes temporelles

valider l'abstraction  
synchrone  $\equiv$  majorer le temps de réaction  
du programme

Historiquement : Lucid et les réseaux de Kahn

Lustre est un langage synchrone, déclaratif, fonctionnel et flot de données

Les objets manipulés (variables, constantes ...) sont des **flots** : séquences infinies de valeurs

Chaque flot est défini par son équation qui spécifie ses propriétés

Rien ne peut être inféré de la façon dont un flot est utilisé

- ◆ Principe de substitution

- ◆ Principe de définition

Un programme Lustre a un comportement cyclique qui définit l'**horloge de base**

Tout flot booléen définit une nouvelle horloge

↳ La suite des instants où le flot vaut true

D'autres horloges peuvent être définie par **sous-échantillonnage**  
(opérateur when)

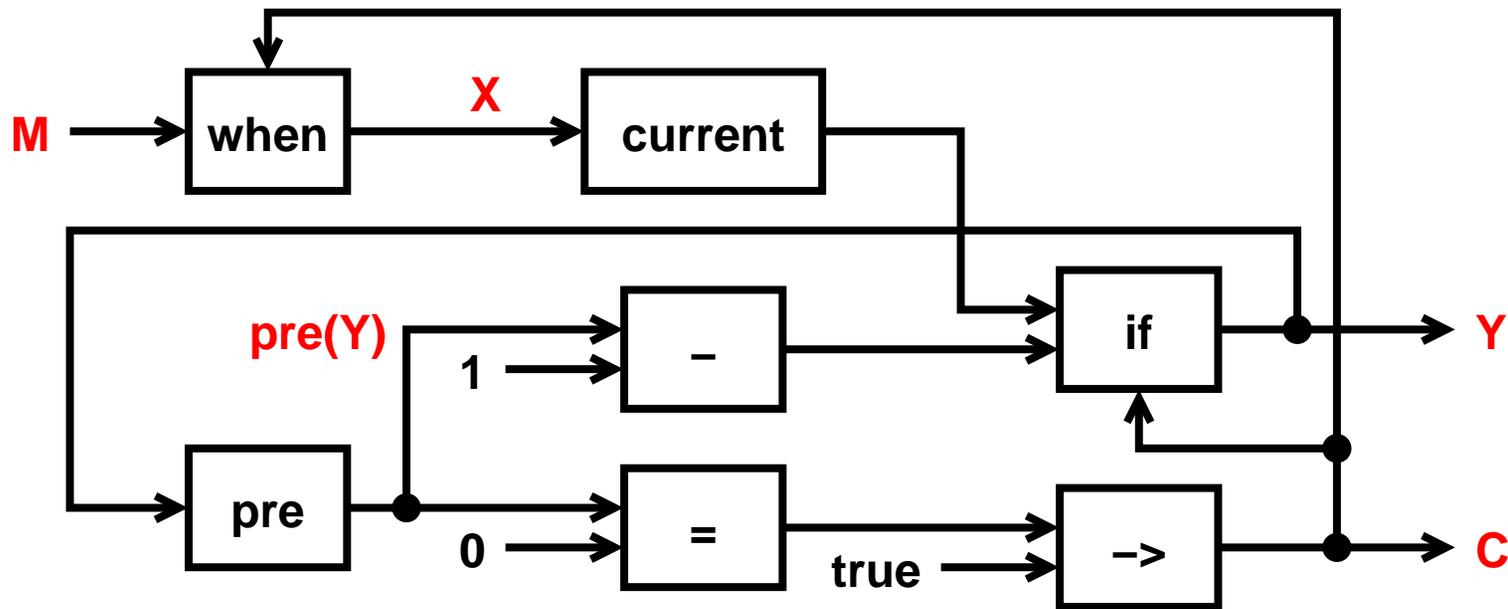
L'ensemble des horloges forme un **arbre** dont la racine est l'**horloge de base**

Par commodité, l'horloge de base est notée true

```

node MUX (M:int) returns (C:bool; Y:int);
var (X:int) when C;
let
  Y = if C then current (X) else pre (Y) - 1;
  C = true -> (pre (Y) = 0);
  X = M when C;
tel;

```



Séquences sur  $V$  : le domaine est  $V^\infty = V^* \cup V^\omega$

Les constantes :

TRUE	...								
0	0	0	0	0	0	0	0	0	...

Extension point à point des opérateurs usuels :

X	0	3	5	2	12	9	27	10	...
Y	7	8	35	0	69	1	6	54	...
X+Y	7	11	40	2	81	10	33	64	...

Valeur initiale :

X	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$	...
Y	$y_0$	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	$y_5$	$y_6$	$y_7$	...
X $\rightarrow$ Y	$x_0$	$y_1$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	$y_5$	$y_6$	$y_7$	...

Retard :

X	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$	...
pre(X)	<i>nil</i>	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	...

Sous-échantillonnage :

X	$x_0$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$	...
C	false	true	false	true	false	false	true	true	...
X when C		$x_1$		$x_3$			$x_6$	$x_7$	...

Sur-échantillonnage :

C	false	true	false	true	false	false	true	true	...
Y		$y_1$		$y_2$			$y_3$	$y_4$	...
current Y	<i>nil</i>	$y_1$	$y_1$	$y_2$	$y_2$	$y_2$	$y_3$	$y_4$	...

## Exemple d'exécution du nœud MUX

16

```
node MUX (M:int) returns (C:bool; Y:int);
var (X:int) when C;
let
  Y = if C then current (X) else pre (Y) - 1;
  C = true -> (pre (Y) = 0);
  X = M when C;
tel;
```

M	3	7	0	8	6	7	1	...
C	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	<i>true</i>	<i>false</i>	<i>false</i>	...
X	3				6			...
Y	3	2	1	0	6	5	4	...

Conventions typographiques :  $X$  est un flot,  $x$  est une valeur et  $abs$  est l'absence de valeur

Les constantes :

$$0 = 0.0$$

Extension point à point des opérateurs usuels :

$$abs.X + abs.Y = abs.X+Y$$

$$x.X + y.Y = x+y.X+Y$$

Valeur initiale :

$$abs.X \rightarrow abs.Y = abs.X \rightarrow Y$$

$$x.X \rightarrow y.Y = x.Y$$

Retard :

pre  $abs.X = abs.pre X$

pre  $x.X = nil.x.X$

Sous-échantillonnage :

$abs.X$  when  $abs.C = abs.X$  when  $C$

$x.X$  when  $true.C = x.X$  when  $C$

$x.X$  when  $false.C = abs.X$  when  $C$

Sur-échantillonnage :

current  $v$   $abs.C$   $abs.X = abs.current v C X$

current  $v$   $true.C$   $x.X = x.current x C X$

current  $v$   $false.C$   $x.X = v.current v C X$

L'exécution d'un programme Lustre est une **évaluation paresseuse**

Il faut enrichir les flots de sortie **au fur et à mesure** que des valeurs sont ajoutées en entrée

Cela doit se faire en **temps de réaction et en mémoire bornée**

Certaines expressions doivent donc être interdites :

$X + (X \text{ when } C)$

C'est le rôle du **calcul d'horloges**

---

But : attribuer statiquement à chaque flot une horloge **unique**

- ◆ un flot qui n'est jamais échantillonné a pour horloge **true**
- ◆ un flot échantillonné a pour horloge **le second argument du when**
- ◆ les arguments d'un opérateur doivent avoir **la même horloge**

Il n'est pas nécessaire de fournir au `current` l'horloge de sur-échantillonnage car le compilateur la calcule lui-même

Problèmes des définitions **cycliques**

Le principe de définition interdit à une variable de dépendre **instantannément** d'elle même

↳  $X = X + 1$  n'a pas de sens

Le compilateur interdit cela grâce à une simple analyse statique

Identification des **variables d'état**

↳ horloges, conditionnelles, voire toutes les variables booléennes

Le compilateur simule le comportement de ces variables d'état

↳ **Arbre infini** des comportements

↳ Replié en un **graphe fini**

↳ C'est un automate d'états fini couplé à une mémoire bornée contenant les autres variables

On peut le représenter **explicitement** (automate)  
ou **implicitement** (circuit)

Comme pour les autres langages synchrones, on peut appliquer de nombreux outils :

- ◆ générateurs de code,
- ◆ outils de minimisation d'automates/circuits,
- ◆ interfaces avec des outils de preuve formelle,
- ◆ outils de visualisation d'automates/circuits,
- ◆ générateurs d'interface,
- ◆ répartiteurs de code,
- ◆ outils de synthèse de séquences de tests,
- ◆ outils de synthèse de contrôleurs,
- ◆ ...

Merlin-Gerin : **Saga**

Aérospatiale : **SAO** puis **SAO+**

Verilog puis Telelogic puis Esterel Tech : **Scade**

**Certifié** conforme à la norme DO178B de l'aviation civile

Applications :

- ◆ CO3N4 : contrôleur des centrales nucléaires (réacteurs 900 MW)
- ◆ A340/600 et futur A380 : commandes de vol
- ◆ Métro de Hong-Kong : logiciel de signalisation
- ◆ Eurocopter EC135 et EC155 : pilote automatique

Compilateur académique :

<http://www-verimag.imag.fr/~raymond/tools/lv4-distrib.html>

Compilateur industriel : <http://www.esterel-technologies.com/v2/scadeSuiteForSafetyCriticalSoftwareDevelopment>

Portail synchrone : <http://www.synalp.org>